

محاكاة صفة الاتجاهية لليزر الياقوت

أزهار خضر جابر

رسول رمضان عتاب

أنسام جميل طالب

قسم الفيزياء - كلية العلوم - جامعة ذي قار

الخلاصة

في هذا البحث تم محاكاة تصاميم مفترضة لممران ليزر الياقوت وذلك من خلال حساب نصف قطر حزمة الليزر عند تخرير الحزمة، حساب قطر حزمة الليزر ونصف قطر تكور حزمة الليزر عند مسافة z من مركز الممران . وخلصت النتائج إلى أفضل تصميم لممران ليزر الياقوت يمتاز بزوايا انفرج صغيرة جدا وذو درجة عالية بصفة الاتجاهية. حيث وجد أن أقل قيمة لزوايا الانفرج هي 0.1033 mrad عندما $R_1=40 \text{ cm}$ و $R_2=40 \text{ cm}$.

المقدمة:

ومرنان الليزر بشكل عام تجويف رنيني، يشكل مصدر التغذية الاسترجاعية في أجهزة الميزر والليزر وهو تصميم ضروري لدعم التكبير الحادث في الوسط الفعال نتيجة الانبعاث المحفز، كذلك توجيهه والمحافظة على صيغة أحادية الموجة لانبعاثه [2,3].

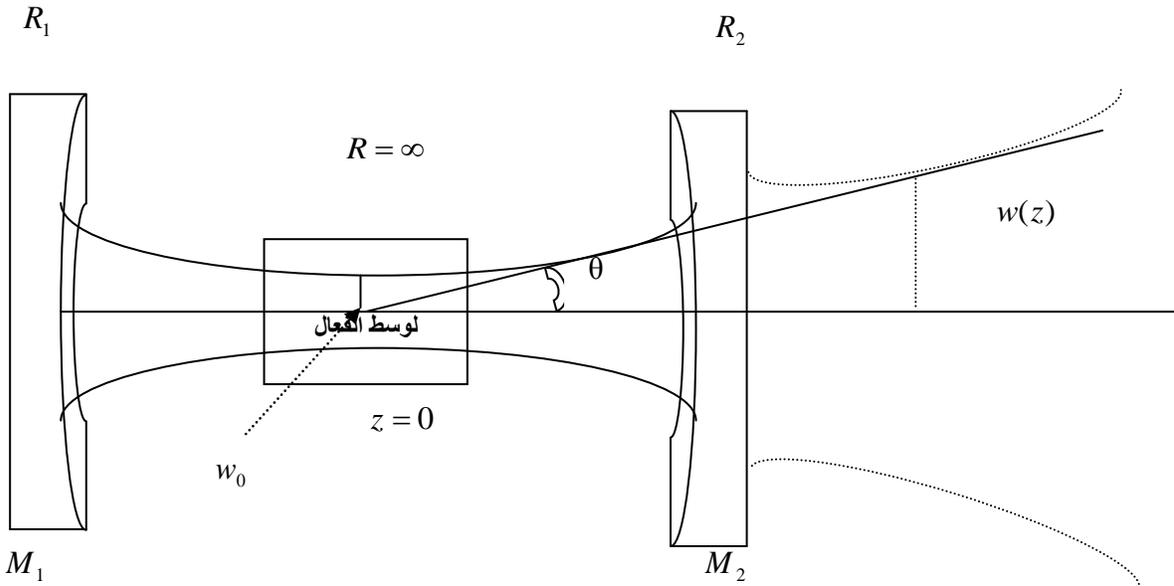
يتألف مرنان الليزر المفتوح، وبشكل عام من مرآتين بشكل دائري أو مستطيل وإبعادهما تتراوح بين أجزاء السنتيمتر الى بضعة عشرات السنتيمترات توضعان بشكل متقابل وعلى مسافة d من بعضهما البعض بحيث يتطابق محورهما البصري. وللتغلب على خسارة الحيود للأشعة يفضل استخدام المرنان الكروي أي تحدد المرآتين قليلا ونحو الخارج، أي جعلهما كرويتين مقعرتين [4,1]. الشكل (1) يوضح رسم تخطيطي لمرنان الليزر.

قد تكون صفة الاتجاهية من أكثر صفات الليزر التي أحرزت الإعجاب وشدت الانتباه لأشعته فأعطت له مكانته وأهميته. عدا ليزرات أشباه الموصلات، فإن أجهزة الليزر الأخرى تبعث ضياء ذا درجة عالية من صفة الاتجاهية وحزما ضوئية تتصف بزوايا انفرج صغيرة تقدر عادة بحدود بضعة ملي رديان. وزاوية الانفرج هي الزاوية المستوية المحصورة بين حافة الحزمة ومحورها. ويعبر عن درجة صفة الاتجاهية بمقدار زاوية الانفرج [1].

إن زاوية الانفرج الكلية θ (angle) للنمط الأساسي تعطى بالعلاقة التالية

$$\theta = \lambda / \pi w_0 \quad \dots\dots\dots(1)$$

حيث $\lambda = 694.3 \text{ nm}$ هو الطول الموجي لليزر الياقوت، w_0 هو نصف قطر الحزمة عند التخصر داخل المرنان.



شكل(1): رسم تخطيطي لمرنان الليزر

فعندما نتعامل مع حزمة كاوسية بالنمط TEM₀₀ والذي يسمى بالنمط الأساسي وأحيانا نمط الحيود. هناك صفتان يمكن بواسطتهما تشخيص الحزمة الخارجة: الصفة الأولى هي قطر الحزمة $w(z)$ التي تعملها حزمة الليزر والصفة الثانية هي نصف قطر تكور جبهة الموجة $R(z)$ [4,5].

٢- المعالجة النظرية

أن الحزمة الكاوسية تضيق الى اقل قطر $2w$ (تخسر الحزمة beam waist) عند منتصف المرنان حيث تكون المسافة $z = 0$ ونصف قطر تكور جبهة الموجة $R = \infty$ حيث تكون جبهة الموجة مستوية. فعندما نقيس نصف قطر الحزمة على بعد z من هذا التخسر نجد بأن المعادلة التالية تتحقق [6]

$$w(z) = w_0 \left[1 + (\lambda z / \pi w_0)^2 \right]^{1/2} \quad \dots\dots\dots(2)$$

وعلى مسافات بعيدة نسبيا من تخسر الحزمة يكون شكل جبهة الموجة كرويا وأن نصف قطر تكور جبهة الموجة على مسافة z يعطى بالعلاقة التالية [6]

$$R(z) = z \left[1 + (\pi w_0^2 / \lambda z)^2 \right] \quad \dots\dots\dots(3)$$

ويكون للمرنان حالتان من الاستقرار ويعتمد شرط الاستقرار على الأوصاف الهندسية للمرنان، أي على المقادير R_1, R_2, d وحيث تمثل R_1, R_2 أنصاف أقطار تكور مرآتي المرنان على التوالي و d المسافة بين مرآتي المرنان. ويمكن ان نعبر عنهما g_1, g_2 حيث يكون كل من

$$g_1 = 1 - d / R_1 \quad g_2 = 1 - d / R_2$$

فعندما يكون $0 < g_1 g_2 < 1$ يكون المرنان مستقر وهو شرط الاستقرار لأي مرنان ليزري إما إذا كان $g_1 g_2 \geq 1$ أو $g_1 g_2 = 0$ يكون المرنان غير مستقر [7,8]. وبالاستفادة من معادلات كوكلكنك و لي (Li and Koclink) [6,7,9] للنمط TEM₀₀ نجد إن نصف قطر تخسر الحزمة يعطى بالعلاقة التالية

$$w_0^4 = (\lambda / \pi)^2 \left[d(R_1 - d)(R_2 - d)(R_1 + R_2 - d) / (R_1 + R_2 - 2d)^2 \right] \quad \dots\dots\dots(4)$$

وباستخدام صيغة ثابت المرنان b حيث ان b هو كمية تحدد الشكل الهندسي للمرنان ويعتمد على أنصاف أقطار تكور مرآتي المرنان والمسافة بين مرآتي المرنان وتحسب كالاتي

$$b = 2(d(R_1 - d)(R_2 - d)(R_1 + R_2 - d) / (R_1 + R_2 - 2d)) \quad \dots\dots\dots(5)$$

فأنه يمكن كتابة المعادلة (4) بالشكل التالي:

$$w_0 = \lambda b / 2\pi \quad \dots\dots\dots(6)$$

ويمكن كتابة المعادلتين (1) و (3) بدلالة b حسب المعادلات الآتية

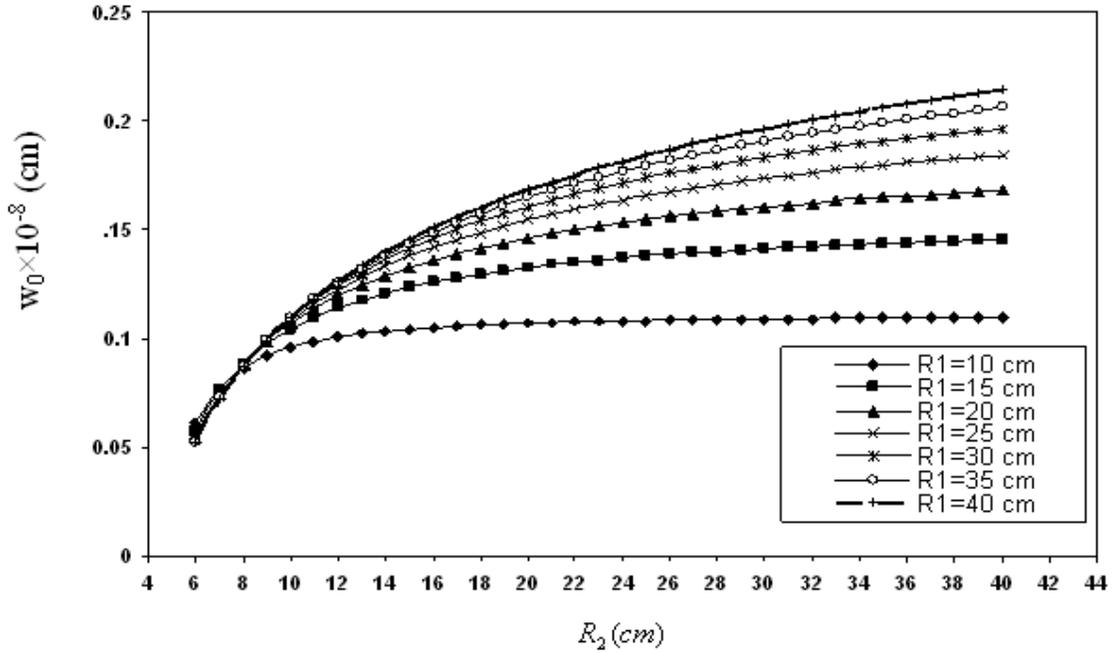
$$W^2(z) = \lambda b / 2\pi [1 + (2z/b)^2] \quad \dots\dots\dots(7)$$

$$R(z) = z [1 + (b/2z)^2] \quad \dots\dots\dots(8)$$

٣- النتائج والمناقشة

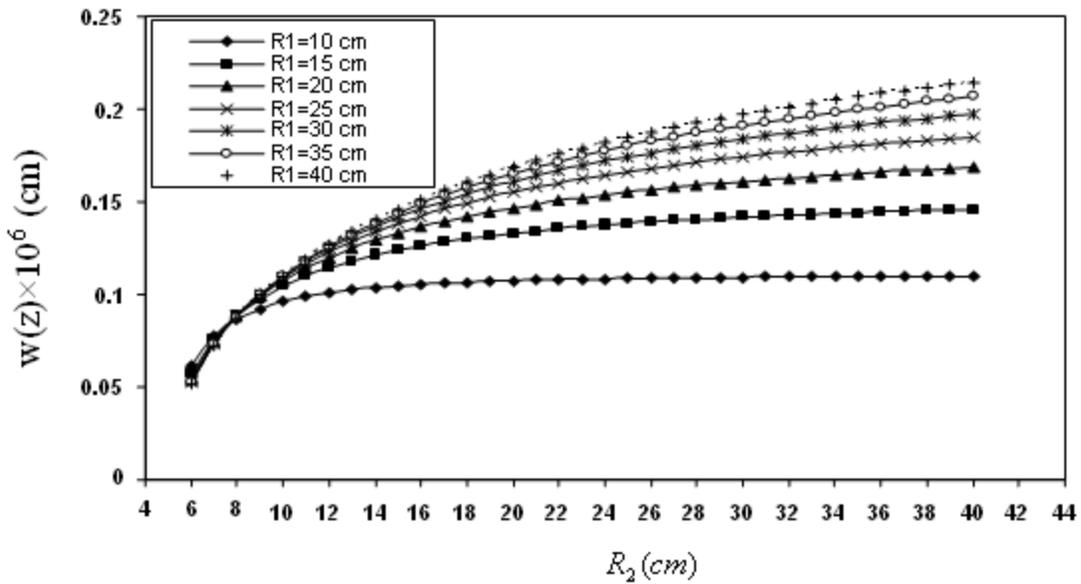
أعتمد في حساب نصف قطر الحزمة الليزرية عند تخصر الحزمة (مركز المرنان) مع أنصاف أقطار تكور مرآتي الليزر وحساب قطر حزمة الليزر و نصف تكور الحزمة الليزرية على مسافة z عن مركز المرنان ومن ثم حساب زاوية الانفراج بالاعتماد على برنامج حاسوبي تم تصميمه بأستخدام برنامج Matlab7. وقد فرضنا قيم 10, $R_1 = 20, 25, 30, 35, 40 \text{ cm}$ بينما استخدمت قيم مختلفة $R_2 = 6 - 40 \text{ cm}$ لكل قيمة ل R_1 , وطول المرنان المقترح هو 5 . وبعد النقطة عن مركز المرنان $z = 200 \text{ m}$.

يبين الشكل (٢) والذي يبين العلاقة بين نصف قطر حزمة الليزر عند التخصر w_0 والتغير بأنصاف اقطار تكور مرآتي المرنان. نلاحظ ان اعتمادية نصف قطر حزمة الليزر عند التخصر w_0 أي عند $z = 0$ تأخذ بنظر الاعتبار النسبة بين مجموع انصاف اقطار تكور مرآتي المرنان مع طول المرنان فكما كبر احد انصاف اقطار تكور المرآتين فأن قيمة w_0 تزداد طرديا مع هذه الزيادة وكما تصفه معادلة (4). ان اعظم قيمة ل $w_0 (\text{max.})$ في حالة R_1 و R_2 تكون اكبر مايمكن ($R_1 = 40 \text{ cm}$ و $R_2 = 40 \text{ cm}$) تكون $w_0 (\text{max.}) = 0.214 \times 10^{-8} \text{ cm}$.

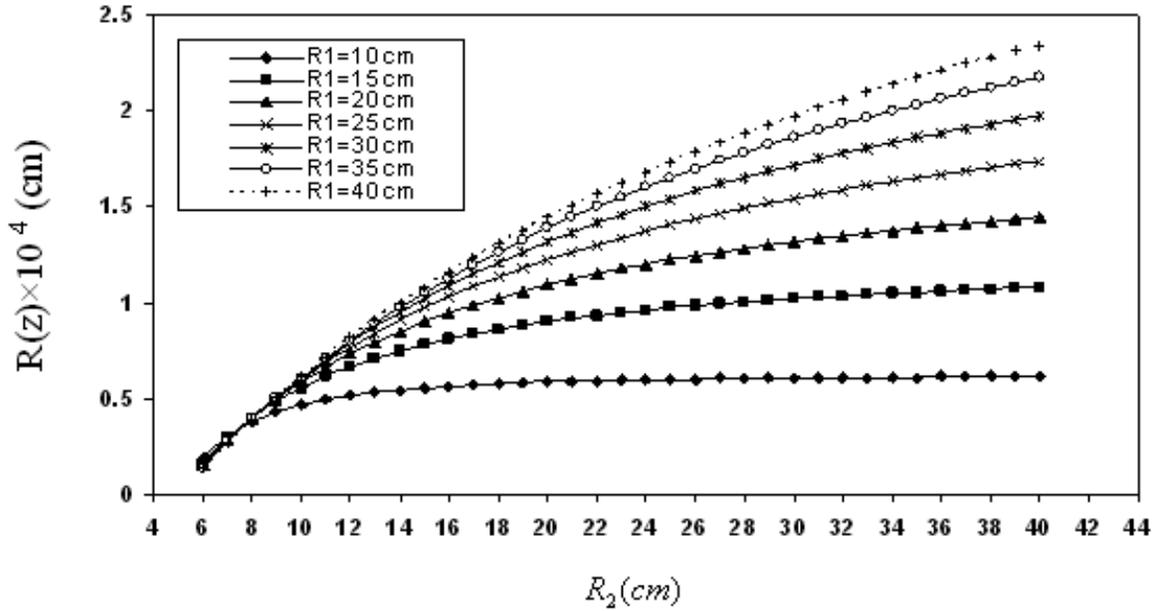


شكل(2): يبين العلاقة بين نصف قطر حزمة الليزر عند التخصر w_0 و أنصاف اقطار تكور مرآتي المرنان

كما نجد إن قيمة كل من قطر حزمة الليزر $w(z)$ ونصف قطر تكور حزمة الليزر $R(z)$ على مسافة z تزدادان طرديا بزيادة أنصاف أقطار تكور مرآتي المرنان كما مبين في الشكل (3) و (4).

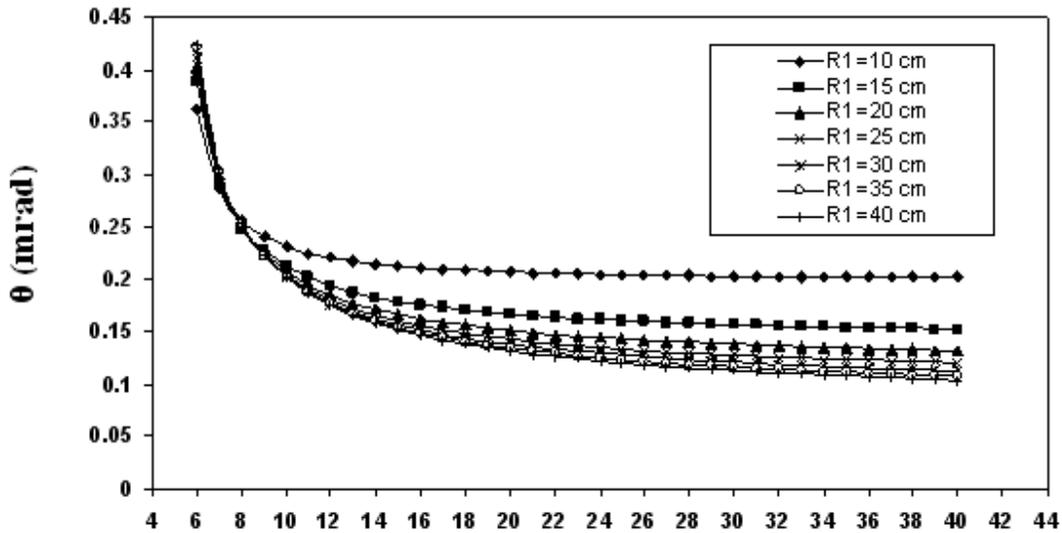


شكل (3): يبين العلاقة بين قطر حزمة الليزر على مسافة z مع انصاف اقطار تكور مرآتي المرنان.



شكل (4): يبين العلاقة بين نصف قطر تكور حزمة الليزر على مسافة z مع انصاف اقطار تكور مرآتي المرنان.

تعتمد زاوية الانفراج لحزمة الليزر عند أي نقطة على نصف قطر حزمة الليزر عند التخصر الحزمة w_0 وتكون هذه العلاقة عكسية كما تم وصفه في معادلة (1) حيث نجد من خلال الشكل (5) إن اقل قيمة لزاوية الانفراج $\theta = 0.1033$ mrad تحدث عندما w_0 اكبر ما يمكن $w_0(\max.) = 0.214 \times 10^{-8}$ cm وهي الحالة التي فيها R_1 و R_2 اكبر ما يمكن تكون R_1 و $R_2 = 40$ cm. كما نلاحظ ان زاوية الانفراج تقل بزيادة انصاف اقطار تكور مرآتي المرنان حيث تكون قيمها متقاربة مثلا $\theta = 0.1072$ mrad عندما $R_1 = 35$ cm و $R_2 = 40$ cm.



شكل (5): يبين العلاقة بين زاوية الانفراج θ مع انصاف اقطار تكور مرآتي المرنان.

الأستنتاجات

نستنتج ان افضل زاوية انفراج للمرنان المقترح لليزر الياقوت تساوي $\theta = 0.1033$ mrad والتي تكون عندما $R_1 = 40$ cm و $R_2 = 40$ cm و $w_0(\max.) = 0.214 \times 10^{-8}$ cm. بينما زاوية الانفراج الشائعة له $\theta = 5$ [1]. لذا يتصف هذا المرنان المقترح بدرجة عالية من صفة الاتجاهية.

References:

المصادر

١. د.سهام عفيف قندلا، " فيزياء الليزر وبعض التطبيقات العملية"، جامعة بغداد، ١٩٨٧.
٢. أورايزيو زفلتو، ترجمة د.صبيحة شريف عبد الله ود. منعم مشكور، "مبادئ الليزر"، الطبعة الثانية، ١٩٨٨.
٣. د.عباس جاسم حمادي ومجموعة من الاساتذة، "أشعة الليزر واستخداماتها"، مطبعة دار الحكمة، جامعة البصرة، ١٩٩١.
٤. د.فالح الاحمدي و د.فانز بيرقدار، " الليزر وتطبيقاتها الصناعية"، منشورات الطاقة الذرية، ١٩٩٦.
5. William T.Sifvast, " Laser fundamental", Cambridge university, second edition, 2004.
6. Jaegwon Yoo, Y.U.Jeong, " Numerical Simulation of laser resonators", Journal of Korean physical society, Vol.44, No.2, pp.293, 2004.
7. Dr. W. Luhs MEOS GmbH D-79427 Eschbach, "Expemints 06 He-Ne laser - November 1999 / July 2003.
8. K. R. Nambiar, " Lasers, principle, type and application", New Age International Ltd., 2005.
9. Ram Oron, Liran Shimshi, Shmuel Blit, Nir Davidson, Asher A. Friesem, and Erez Hasman, "Laser operation with two orthogonally polarized transverse modes", applied optics, vol. 41, No.18, 2002.

Abstract

This study deals with simulate assumed designs for ruby laser resonator from calculate radius of laser beam at the beam waist, diameter of laser beam and curvature radius of laser beam at distance (z). The results found the best design of ruby laser resonator has very small divergence angle and high degree of directionality. Its found the minimum value of divergence angle was about 0.1033 mrad at $R_1=40$ cm and $R_2=40$ cm.